

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Райхерт Татьяна Николаевна
Должность: Директор
Дата подписания: 14.02.2022 09:24:59
Уникальный программный ключ:
c914df807d771447164c08ee17f8e2f93dde816b

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Нижнетагильский государственный социально-педагогический институт (филиал)
Федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего
образования
«Российский государственный профессионально-педагогический университет»

Факультет естествознания, математики и информатики
Кафедра естественных наук и физико-математического образования



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.В.01.02 ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И ОСНОВЫ
МАТЕМАТИЧЕСКОЙ СТАТИСТИКИ**

Уровень высшего образования
Направление подготовки

Бакалавриат
44.03.05 Педагогическое образование
(с двумя профилями подготовки)

Профили

«Математика и информатика»

Форма обучения

Очная

Нижний Тагил
2019

Рабочая программа дисциплины «Теория вероятностей и основы математической статистики». Нижнетагильский государственный социально-педагогический институт (филиал) ФГАОУ ВО «Российский государственный профессионально-педагогический университет», Нижний Тагил, 2019. – 11 с.

Настоящая программа составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки).

Авторы: кандидат педагогических наук
доцент кафедры естественных наук
и физико-математического образования

Е.В. Вязовова

Рецензент: кандидат педагогических наук,
доцент кафедры естественных наук
и физико-математического образования

Т.Ю. Паршина

Программа одобрена на заседании кафедры ЕНФМ. Протокол от 13.06.2019 г. № 9.

Заведующий кафедрой

О.В. Полявина

Программа рекомендована к печати методической комиссией факультета естествознания, математики и информатики. Протокол от 21.06.2019 г. № 10.

Председатель методической комиссии

В.А. Гордеева

Программа утверждена решением Ученого совета факультета естествознания, математики и информатики. Протокол от 02.07.2019 г. № 10.

Декан

Т.В. Жуйкова

Главный специалист отдела информационных ресурсов

О.В. Левинских

© Нижнетагильский государственный социально-педагогический институт (филиал) ФГАОУ ВО «Российский государственный профессионально-педагогический университет», 2019.
© Вязовова Елена Владимировна, 2019.

ОГЛАВЛЕНИЕ

1. Цель и задачи освоения дисциплины	4
2. Место дисциплины в структуре образовательной программы	4
3. Результаты освоения дисциплины	4
4. Структура и содержание дисциплины	5
4.1. Объем дисциплины и виды контактной и самостоятельной работы	5
4.2. Содержание и тематическое планирование дисциплины	5
4.3. Содержание тем дисциплины	6
5. Образовательные технологии	6
6. Учебно-методические материалы	7
6.1. Планирование самостоятельной работы	7
6.2. Задания и методические указания по организации самостоятельной работы	7
7. Учебно-методическое и информационное обеспечение	10
8. Текущий контроль качества усвоения знаний	11

1. ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель изучения дисциплины – формирование систематизированных знаний в области теории вероятностей и математической статистики, их основных методов. **Задачи:**

- сформировать у студентов представление о роли и месте теории вероятностей в математике;
- заложить базовые знания для дальнейшего изучения математических дисциплин;
- научить применять основы математической статистики для обработки результатов исследований.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина «Теория вероятностей и основы математической статистики» является частью учебного плана по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), профили «Физика и информатика». Дисциплина Б1.В.01.02 «Теория вероятностей и основы математической статистики» включена в Блок Б.1 «Дисциплины (модули)», Б1.В часть, формируемая участниками образовательных отношений. Дисциплина реализуется в НТГСПИ (ф) РГППУ на кафедре естественных наук и физико-математического образования.

3. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина направлена на формирование и развитие следующих компетенций

Категория (группа) компетенций	Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции
Научные основы педагогической деятельности (профессиональные компетенции)	ПК-3 Способен применять предметные знания при реализации образовательного процесса	3.1. Знает закономерности, принципы и уровни формирования и реализации содержания образования; структуру, состав и дидактические единицы содержания школьных предметов: математика, алгебра и начала математического анализа
		3.2. Умеет осуществлять отбор учебного содержания для реализации в различных формах обучения в соответствии с дидактическими целями и возрастными особенностями обучающихся
		3.3. Владеет предметным содержанием; умениями отбора вариативного содержания с учетом взаимосвязи урочной и внеурочной форм обучения
	ПК-6. Способен формировать у обучающихся умения моделировать объекты и процессы окружающей реальности и пользоваться заданной математической или информационной моделью	6.1. Знает понятие «модель», виды и свойства моделей; имеет представление о моделировании и его основных этапах.
		6.2. Умеет обучать описывать и формализовывать предметную область, строить математические и информационные модели процессов окружающей среды, в том числе и с использованием ИКТ.
		6.3. Подготовлен к построению математических моделей в различных предметных областях и реализации их с использованием ИКТ.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

знать:

- основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики;
- дискретные и непрерывные случайные величины, законы их распределения; – выборочный метод, статистические оценки параметров распределения, элементы теории корреляции, статистическую проверку гипотез;
- классические методы математической статистики, используемые при планировании, проведение и обработке результатов экспериментов в математике, в педагогике, психологии и других дисциплинах; **уметь:**
- решать типовые статистические задачи для математики, педагогики и психологии; – планировать процесс математической обработки экспериментальных данных; **владеть:**

- основными технологиями статистической обработки экспериментальных данных на основе теоретических положений теории вероятностей и математической статистики;
- навыками использования современных методов статистической обработки информации для диагностирования достижений обучающихся.

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины и виды контактной и самостоятельной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зач. ед. (72 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Вид работы	Форма обучения
	Очная
	4 семестр
Общая трудоемкость дисциплины по учебному плану	72
Контактная работа, в том числе:	28
Лекции	10
Практические занятия	18
Самостоятельная работа	35
Изучение теоретического курса	12
Самоподготовка к текущему контролю знаний	15
Выполнение контрольной работы	8
Подготовка к зачету, сдача зачета	9

4.2. Содержание и тематическое планирование дисциплины

	Наименование разделов и тем дисциплины (модуля)	Всего часов	Вид контактной работы, час		Самостоятельные работы	Формы текущего контроля
			Лекции	Практические работы		
	Часть 1. Теория вероятностей					
1	Элементы комбинаторики	10	2	4	4	Обсуждение на занятии К.р. №1
2	Случайные события.	10	2	4	4	Обсуждение на занятии, тест, к.р. №2
3	Дискретные случайные величины и их характеристики	10	2	4	4	К.р. №3, тест
4	Непрерывные случайные величины и их характеристики	8	2	2	4	
	Часть 2. Элементы математической статистики					
4	Выборочный метод.	7	1	2	4	Обсуждение на занятии тест
5	Статистическая проверка гипотез.	9	1	2	6	Д.к.р. и отчет по ней
	Зачет	9			9	
	Итого:	72	10	18	35	

4.3. Содержание тем дисциплины Часть 1.

Теория вероятностей.

Тема 1. Элементы комбинаторики.

Основные правила комбинаторики: правило суммы, правило произведения. Размещения с повторениями и без повторений. Перестановки без повторений. Перестановки с повторениями и полиномиальная теорема. Сочетание с повторениями. Основные задачи комбинаторики и методы комбинаторных рассуждений.

Тема 2. Случайные события.

Вероятностный эксперимент. Предмет и задачи теории вероятностей. Краткий исторический очерк. Пространство элементарных событий. Алгебра случайных событий. Относительная частота и ее устойчивость. Аксиомы теории вероятностей. Следствия из аксиом. Вероятностное пространство. Различные подходы к определению вероятности: классический, геометрический, статистический, экспертных оценок. Теоремы сложения вероятностей. Условная вероятность. Независимость событий. Теоремы умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторение независимых испытаний. Формула Бернулли. Формулы Пуассона и Муавра-Лапласа.

Тема 3. Дискретные и непрерывные случайные величины.

Случайная величина – функция на пространстве случайных событий. Дискретные случайные величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Биномиальное распределение. Геометрическое распределение. Распределение Пуассона. Числовые характеристики случайных величин: (математическое ожидание, дисперсия, среднеквадратическое отклонение) и их свойства.

Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Муавра – Лапласа.

Часть 2. Элементы математической статистики.

Тема 4. Выборочный метод.

Основные цели математической статистики. Основные понятия математической статистики: вариационный ряд, мода, медиана и т. д. Выборочный метод. Точность оценки, доверительная вероятность. Доверительный интервал. Характеристики генеральных совокупностей и выборки. Оценка точности случайной выборки.

Тема 5. Статистическая проверка гипотез.

Статистические гипотезы. Статистический критерий. Ошибки I и II рода. Критерий согласия Пирсона и схема его применения. Критерий согласия Колмогорова.

5. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Представленный курс предусматривает наличие теоретических лекционных занятий, на которых студенты знакомятся с фундаментальными основами и принципами работы с базами данных на современном этапе их развития, студенты формируют навыки корректной и плодотворной работы с различными видами информации.

В курсе «Теория вероятностей и математическая статистика» применяются традиционные формы организации аудиторной работы: лекции (в том числе интерактивные), практические занятия, коллоквиумы, в рамках которых предусмотрено использование технологии проблемного обучения, активных форм и методов обучения, представленных в таблице.

Название раздела, темы	Вид занятий	Активные формы и методы обучения
Решение комбинаторных задач	Практическое занятие	Работа в малых группах: решение кейсов, содержащих конкретные комбинаторные задачи.

Случайные события. Теоремы умножения и сложения вероятностей	Практическое занятие	Учебная исследовательская работа (УИР) по решению конкретных задач разными способами. Защита работ.
Проверка статистических гипотез	Интерактивная лекция	Круглый стол «Критерии согласия для проверки статистических гипотез».

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ

6.1. Планирование самостоятельной работы

Темы занятий	Количество часов			Содержание самостоятельной работы	Формы контроля СРС
	Всего	Аудиторных	Самостоят. работы		
Элементы комбинаторики	10	6	4	Выучить основные определения понятий по теме. Разобрать решение задач двумя способами: по основным правилам и с помощью комбинаторных соединений. Решить предложенные на дом задачи.	Обсуждение на занятии. Проверка домашней работы.
Случайные события.	10	6	4	Выучить основные определения понятий по теме. Подготовка тезисов по изученному материалу.	Обсуждение тезисов, тест, обсуждение на занятии
Дискретные и непрерывные случайные величины	10	6	4	Разобрать решение задач о законах распределения случайных величин. Решить предложенные на дом задачи.	Проверка таблицы. Обсуждение на занятии. Тест
Выборочный метод.	7	3	4	Выучить основные определения понятий по теме. Подготовка к лабораторной работе, тесту	Обсуждение домашней работы, тест
Статистическая проверка гипотез.	9	3	6	Подготовка к лабораторной работе. Подготовка к тесту	Тест, решение задач у доски, отчет по д.к.р.
Зачет	9		9		
Итого	72	28	35		

6.2. Задания и методические указания по организации самостоятельной работы

Текущий контроль усвоения знаний ведется по итогам выполнения практических заданий, сделанных студентами в ходе практических занятий. На занятиях ведется проверка владения терминами и понятиями в форме устного или письменного опроса. По отдельным темам для проверки текущих знаний проводится компьютерное тестирование. В процессе обучения предусмотрена подготовка сообщений и рефератов по предложенным темам.

Список вопросов, выносимых на самостоятельное изучение

1. Числовые характеристики случайной величины, имеющей геометрическое распределение.
2. Задача о нахождении закона распределения функции случайной величины.
3. Условные распределения составляющих двумерной случайной величины.

4. Свойства ковариации (доказательства). 5. Первичная статистическая обработка данных предложенной случайной выборки.

Примерные варианты контрольных работ

Контрольная работа № 1

1. Сколько разных стартовых шестерок можно образовать из числа 10 волейболистов?
2. Сколько разных слов можно составить из слова «параллелограмм»?
3. В классе 30 человек. Необходимо выбрать старосту, его заместителя, физорга и редактора газеты. Сколькими способами можно это сделать, если один учащийся может занимать только один пост?
4. Сколько существует пятизначных номеров телефонов, не содержащих цифр 0, 1, 2.
5. На полке 5 книг. Надо выбрать 2 книги из имеющихся. Сколькими способами читатель может их выбрать?
6. Сколько различных четырехзначных чисел можно составить из цифр 2; 0 и 7, если цифры могут повторяться?
7. Сколько различных чисел меньше ста тысяч можно составить из цифр 2; 0 и 7, если цифры могут повторяться?
8. Сколькими способами можно расставить 7 книг, чтобы две данные книги не стояли рядом?

Контрольная работа № 2

1. Из 60 вопросов, включенных в экзамен, ученик подготовил 50. Какова вероятность того, что из предложенных ему 3 вопросов он знает 2?
2. Три стрелка одновременно и независимо друг от друга стреляют по одной и той же мишени. Вероятность попадания в мишень первым стрелком 0.4, вторым – 0.5, третьим – 0.7. Найти вероятность того, что в результате произведенного залпа в мишени окажется ровно 2 пробоины.
3. С первого станка автомата на сборку поступают 40%, со второго – 30%, с третьего – 20%, с четвертого – 10% деталей. Среди деталей, выпущенным первым станком, 2% бракованных, вторым – 1%, третьим – 0.5%, четвертым – 0.2%. Найдите вероятность того, что деталь, поступившая на сборку, не бракованная.
4. В партии из 100 деталей имеется 7 нестандартных. Найти вероятность того, что при испытании из 6 взятых наугад деталей ровно 4 нестандартных.
5. Вероятность повреждения изделия при перевозке 0.02. Найти вероятность того, что из 1000 изделий будет повреждено 5; от 4 до 8; хотя бы одно

Контрольная работа № 3

1. Вероятность того, что стрелок попадет в мишень при одном выстреле, равна 0,9. Стрелку выдаются патроны до тех пор, пока он не промахнется или не израсходует 4 патрона. Случайная величина – число попаданий по мишени. Записать закон распределения этой случайной величины; вычислить ее математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение; составить функцию распределения и построить ее график.
2. Дана функция распределения $F(x)$ непрерывной случайной величины X . Требуется: а) найти входящие в ее выражение неизвестные параметры; б) найти плотность распределения $f(x)$; в) найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение величины X ; г) построить графики функций $F(x)$ и $f(x)$.

□ 0, если $x \leq 0$;

$$F(x) = \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{(t-\bar{x})^2}{2\sigma^2}} dt, \text{ если } 0 \leq x \leq 2;$$

$$= 1, \text{ если } x > 2.$$

3. Случайные ошибки измерения подчинены нормальному закону со среднеквадратическим отклонением, равным 1 мм, и математическим ожиданием, равным 0. Найти вероятность того, что измерение было произведено с ошибкой, по модулю превосходящей 1,5 мм.

Контрольная работа по математической статистике (домашняя)

По данным выборки установить теоретический закон распределения случайной величины и проверить согласованность статистического и теоретического распределений по критерию Пирсона при уровне значимости $\alpha = 0,05$.

14,22	13,14	16,78	12,64	11,91	14,43	19,11	19,58	19,04	19,02
12,45	13,85	16,36	8,65	6,60	16,56	13,21	9,25	19,31	12,25
14,58	20,95	16,34	16,22	17,38	11,67	11,68	20,05	11,07	10,69
12,64	23,65	20,54	23,97	16,64	21,18	11,03	17,85	21,68	12,31
8,93	16,90	12,78	15,32	23,10	22,03	22,87	15,21	9,64	22,45
3,18	17,64	17,54	20,12	15,35	10,23	11,21	13,94	12,40	19,21
19,63	22,22	18,32	13,24	21,85	14,01	7,89	14,21	24,56	13,26
16,0	17,85	5,23	19,63	24,01	11,44	21,54	15,36	12,45	6,89
26,38	16,65	11,57	7,63	18,66	16,16	20,05	14,27	23,69	16,61
17,85	14,25	15,65	14,42	20,03	19,95	23,65	16,23	13,87	12,51

Критерии оценивания практического задания

- ☐ оценка «отлично» – работа выполнена полностью и правильно.
- ☐ оценка «хорошо» – работа выполнена правильно с учетом 2-3 несущественных ошибок исправленных самостоятельно по требованию преподавателя.
- ☐ оценка «удовлетворительно» – работа выполнена правильно не менее, чем на половину или допущена существенная ошибка.
- ☐ оценка «неудовлетворительно» – допущены две (и более) существенные ошибки в ходе работы, которые студент не может исправить даже по требованию преподавателя.

Вопросы к зачету

Тема 1. Элементы комбинаторики

1. Правила суммы и произведения. Размещения с повторениями и без повторений.
2. Сочетания без повторений. Сочетания с повторениями.
3. Перестановки с повторениями. Перестановки без повторений. *Тема 2. Случайные события*
4. Предмет теории вероятностей. Основные определения. Виды случайных событий.
5. Алгебра событий. Классическое определение вероятности. Свойства вероятности. Примеры.
6. Статистический и геометрический подход к определению вероятности. Примеры.
7. Теоремы сложения вероятностей. Противоположные события.
8. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей. Вероятность появления хотя бы одного события.
9. Формулы полной вероятности и Байеса. Примеры.
10. Схема Бернулли. Примеры.
11. Асимптотические формулы. Формула Пуассона.
12. Локальная и интегральная формулы Муавра-Лапласа.

Тема 3. Дискретные и непрерывные случайные величины

13. Случайные величины. Примеры. Дискретная случайная величина, закон распределения дискретной случайной величины и способы его задания.
14. Числовые характеристики дискретной случайной величины.
15. Математическое ожидание и его свойства.
16. Дисперсия и среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины и их свойства.
17. Законы распределения дискретных случайных величин.
18. Функция распределения случайной величины и её свойства.
19. Непрерывные случайные величины.
20. Плотность распределения вероятностей и её свойства. Связь между функциями $F(x)$ и $f(x)$. Вероятностный смысл плотности распределения.
21. Законы распределения непрерывных случайных величин. Равномерный закон распределения, математическое ожидание и дисперсия в этом законе.
22. Нормальное распределение. Кривая Гаусса.
23. Вероятность попадания в заданный интервал нормально распределённой случайной величины. Правило «трёх сигм».
24. Показательное распределение. Числовые характеристики этого распределения. Функция надёжности.
25. Некоторые другие характеристики непрерывных случайных величин (начальные и центральные моменты, асимметрия и эксцесс). *Тема 4. Выборочный метод*
26. Предмет математической статистики. Задачи курса. Основные понятия.
27. Вариационный ряд и его характеристики.
28. Статистические оценки параметров распределения.
29. Интервальные оценки параметров нормального распределения.
30. Доверительные интервалы для оценки математического ожидания, дисперсии. *Тема 5. Статистическая проверка гипотез*
31. Статистические гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Уровень значимости
32. Проверка статистических гипотез. Схема применения критерия согласия Пирсона.
33. Критерий согласия Колмогорова

Критерии оценивания

Билет содержит два теоретических вопроса и две задачи.

«зачтено», ставится, если студент отвечает хотя бы на два из трёх вопросов билета;

«неудовлетворительно» – во всех остальных случаях.

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

Основная литература

1. Буре, В.М. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учеб. / В.М. Буре, Е.М. Парилина. – СПб.: Лань, 2013. – 416 с.
2. Свешников, А.А. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций [Электронный ресурс] : учеб. Пособие. – СПб.: Лань, 2013. — 448 с.
3. Туганбаев, А.А. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А.А. Туганбаев, В.Г. Крупин. – СПб.: Лань, 2011. — 320 с.
4. Хуснутдинов, Р.Ш. Сборник задач по курсу теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс] : учеб. пособие. – СПб.: Лань, 2014. — 320 с.

Дополнительная литература

1. Захарова, А.Е. Элементы теории вероятностей, комбинаторики и статистики в основной школе [Электронный ресурс] : учеб.-метод. пособие / А.Е. Захарова, Ю.М. Высочанская. М.: Лаборатория знаний, 2015. – 138 с.

2. Курс высшей математики. Теория вероятностей [Текст]: Лекции и практикум : учебное пособие для вузов / под общ. ред. И. М. Петрушко [и др.]. - Изд. 3-е, стер. – СПб.: Лань, 2008. - 346

Интернет-ресурсы

1. Math.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://www.math.ru/> – (дата обращения 2019 г.).
2. Теория вероятностей – решение задач. www.ph4s.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://www.ph4s.ru/book_ab_mat_zad.html – (дата обращения 2019 г.).

8. ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ КАЧЕСТВА УСВОЕНИЯ ЗНАНИЙ

1. Аудитория – 214 А.
2. Доска, мел. 3. Мультимедиапроектор.